

«

»

“

”

“ _____ ” _____ . . .

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ
Теория вероятностей и математическая статистика

: 38.03.01 , :

: 2, : 3 4

, -

		3	4
1	()	3	3
2		108	108
3	,	46	54
4	, .	18	26
5	, .	18	18
6	, .	0	0
7	,	8	2
8	, .	2	2
9	, .	8	8
10	, .	62	54
11	(, ,)	.	.
12			

() : 38.03.01

1327 12.11.2015 . , : 30.11.2015 .

: 1,

() : 38.03.01

, 2 20.06.2017

, 6 21.06.2017

:

,

:

,

:

1.

1.1

Компетенция ФГОС: ОК.3 способность использовать основы экономических знаний в различных сферах деятельности; в части следующих результатов обучения:

1. , -

1. -

Компетенция ФГОС: ОПК.1 способность решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности; в части следующих результатов обучения:

2.

Компетенция ФГОС: ОПК.2 способность осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения профессиональных задач; в части следующих результатов обучения:

1.

Компетенция ФГОС: ОПК.3 способность выбрать инструментальные средства для обработки экономических данных в соответствии с поставленной задачей, проанализировать результаты расчетов и обосновать полученные выводы; в части следующих результатов обучения:

2. -

Компетенция ФГОС: ПК.4

способность на основе описания экономических процессов и явлений строить стандартные теоретические и эконометрические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты; в части следующих результатов обучения:

3. - ,

Компетенция ФГОС: ПК.7 способность, используя отечественные и зарубежные источники информации, собрать необходимые данные проанализировать их и подготовить информационный обзор и аналитический отчет; в части следующих результатов обучения:

2.

2.

2.1

(
, , , ,)

.1. 2

1.0 математике как особом способе познания мира, общности ее понятий и представлений;
о теории вероятностей и математической статистике как важнейшем разделе математики, используемом в современном математическом моделировании.

; ;

.2. 1

2. основные понятия курса теории вероятностей и математической статистики: вероятностное пространство, случайное событие, вероятность, случайная величина, функция распределения случайной величины, плотность распределения, случайный вектор, закон больших чисел, центральная предельная теорема, цепь Маркова, гистограмма, эмпирическая функция распределения, оценка параметра, критерии проверки гипотез; постановку и методы решения основных задач, связанных с перечисленными выше понятиями.

; ;

.3. 2

-

<p>3. строить вероятностные модели, вычислять вероятности случайных событий; находить распределения случайных величин, плотности и функции распределения; строить вероятностные модели, вычислять вероятности случайных событий; находить распределения случайных величин, плотности и функции распределения; применять центральную предельную теорему к вычислению вероятностей событий; проводить обработку экспериментальных данных, строить гистограмму и эмпирическую функцию распределения; оценивать неизвестные параметры распределения методом моментов и методом максимального правдоподобия; проверять статистические гипотезы по критериям Колмогорова и хи-квадрат Пирсона; формализовать задачу с использованием цепей Маркова и находить их стационарное распределение;</p>	
<p>.3. 1</p>	
<p>4. перевода информации с языка конкретной задачи на язык вероятности и построения вероятностных моделей простейших систем и процессов в естествознании и технике; выбора метода решения задач на основе анализа построенной вероятностной модели.</p>	
<p>.3. 1</p>	
<p>5. основные понятия курса теории вероятностей и математической статистики: вероятностное пространство, случайное событие, вероятность, случайная величина, функция распределения случайной величины, плотность распределения, случайный вектор, закон больших чисел, центральная предельная теорема, цепь Маркова, гистограмма, эмпирическая функция распределения, оценка параметра, критерии проверки гипотез; постановку и методы решения основных задач, связанных с перечисленными выше понятиями.</p>	
<p>.4. 3</p>	
<p>6. знать современные методы расчета и анализа социально-экономических показателей, характеризующих социальные и экономические процессы и явления</p>	
<p>.7. 2</p>	
<p>7. знать инструменты и методы анализа экономической информации</p>	

3.

3.1

: 3				
:				

1. 1.1.				
1.2.				
1.3.	0	4	2	
1.4.				
1.5.				
:				
2. 2.1.				
2.2.				
2.3.	0	4	5	
2.4.				
2.5.				
:				
3. 3.1.				
3.2.	0	4	2, 6	
3.3.				
:				
4. 4.1.				
4.2.	0	2	2, 6	
4.3.				
:				
5. 5.1.				
5.2.	(0	4	3, 4
5.3.				

: 4				
:				
6.				
6.1. ,				
6.2.	0	8	1, 2	.
:				
7. 7.1. ,				.
7.2. - ,				.
7.3. - .	0	8	2, 3	.
7.4.				.
8. 8.1.				.
8.2.	0	10	5	.
8.3.				.
8.4.				.

3.2

		,	.	
: 3				
:				
1. 1.1.				
1.2.				
1.3. ,	4	4	3	.
1.4.				.
1.5.				.
:				

3. 2.1.				
2.2.	,			
2.3.		0	4	2
2.4.				
2.5.				
:				
4. 4.1.	.			
4.2.		4	4	1, 3
4.3.	.			
:				
5. 5.1.				
5.2.	(0	6	5
5.3.				
: 4				
:				
6.				
6.1.	,			
6.2.		2	6	2, 3
:				
7.				
6.1.	,			
6.2.		0	6	3, 4, 5
:				

8.8.1.				
8.2.	0	6	4, 5	
8.3.				
8.4.				

3.3

		,	.		
: 3					
	:				
1.	.	0	15	3, 6, 7	.

4.

: 3				
1		2, 3, 5	5	2
:	.	[]:		
.	-	/ . . ;		
,	[2011]. -	: http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=11&curs=13. -		
.	.	[]:		
-	-	/ . . ;		
-	-	: http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=155&curs=941. -		
.	.	, [2011].		
.	.	/ . . . - , 2008. - 403, [1] . : .		
2		1, 2, 3, 4, 5, 6, 7	37	4
:	.	[]:		
.	-	/ . . ;		
,	[2011]. -	: http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=11&curs=13. -		
.	.	[]:		
-	-	/ . . ;		
-	-	: http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=155&curs=941. -		
.	.	, [2011].		
3		2, 3, 5	5	2
:	.	[]:		
.	-	/ . . ;		
,	[2011]. -	: http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=11&curs=13. -		
.	.	[]:		
-	-	/ . . ;		
-	-	: http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=155&curs=941. -		
.	.	, [2011].		
.	.	/ . . . - , 2008. - 403, [1] . : .		
4		3, 6, 7	15	0

5.

(. 5.1).

5.1

	-

1		.1; .2; .3;
Формируемые умения: з1. знать методы сбора и обработки экономической информации; з2. знать основные методы и инструменты экономического анализа на микро- и макроуровне; у2. уметь пользоваться наиболее распространенными офисными и математическими пакетами прикладных программ		
Краткое описание применения: Изучение предельных теорем		
["] : , [2011]. - : http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=155&curs=941. - "		

6.

(), 15- ECTS.
6.1.

: 3		
Практические занятия:	20	40
" , [2011]. - : http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=155&curs=941. - "		
Контрольные работы:	20	40
" , [2011]. - : http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=155&curs=941. - "		
Зачет:	10	20
" ; , [2011]. - : http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=11&curs=13. - "		
: 4		
Практические занятия:	10	20
" , [2011]. - : http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=155&curs=941. - "		
Контрольные работы:	20	40
" , [2011]. - : http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=155&curs=941. - "		
Экзамен:	20	40
" ; , [2011]. - : http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=11&curs=13. - "		

6.2

6.2

		.	.	.
.3	1.	,	-	+
	1.	-		+
.1	2.			+
.2	1.			+
.3	2.	-		+
.4	3.	,		+
.7	2.			+

1

7.

1. Зубков А. М. Сборник задач по теории вероятностей : учебное пособие / А. М. Зубков, Б. А. Севастьянов, В. П. Чистяков. - СПб. [и др.], 2009. - 317, [2] с. : табл.
2. Теория вероятностей. Примеры и задачи/Васильчиков М.Ю., Аркашов Н.С., Ковалевский А.П. и др., 2-е изд. - Новосиб.: НГТУ, 2014. - 124 с.: ISBN 978-5-7782-2487-2 - Режим доступа: <http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=549056> - Загл. с экрана.
3. Теория вероятностей, математическая статистика в примерах, задачах и тестах: Учебное пособие. / Сапожников П.Н., Макаров А.А., Радионова М.В. - М.: КУРС, НИЦ ИНФРА-М, 2016. - 496 с.: 60x90 1/16. - (Бакалавриат и магистратура) (Переплёт 7БЦ) ISBN 978-5-906818-47-8 - Режим доступа: <http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=548242> - Загл. с экрана.
4. Гмурман В. Е. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие для вузов / В. Е. Гмурман. - М., 2008. - 478, [1] с. : ил.
5. Гмурман В. Е. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие для вузов / В. Е. Гмурман. - М., 2007. - 478, [1] с. : ил.
6. Сборник задач по теории вероятностей, математической статистике и теории случайных функций : учебное пособие / [Б. Г. Володин и др.] ; под общ. ред. А. А. Свешникова. - СПб. [и др.], 2007. - 445 с. : ил.. - Авт. указаны на обороте тит. л..
7. Чистяков В. П. Курс теории вероятностей : [учебник для вузов по направлениям подготовки и специальностям в области техники и технологии] / В. П. Чистяков. - М., 2007. - 252, [1] с.

- Бородихин В. М. Высшая математика. Т. 4.2. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие для вузов / В. М. Бородихин, А. П. Ковалевский ; Новосиб. гос. техн. ун-т. - Новосибирск, 2005. - 255 с. : ил.
- Кремер Н. Ш. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник для вузов / Н. Ш. Кремер. - М., 2006. - 573 с.
- Гмурман В. Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике : учебное пособие для вузов / В. Е. Гмурман. - М., 2008. - 403, [1] с. : ил.
- Вентцель Е. С. Теория вероятностей и ее инженерные приложения : [учебное пособие для вузов] / Е. С. Вентцель, Л. А. Овчаров. - М., 2007. - 490, [1] с. : ил.

- ЭБС НГТУ : <http://elibrary.nstu.ru/>
- ЭБС «Издательство Лань» : <https://e.lanbook.com/>
- ЭБС IPRbooks : <http://www.iprbookshop.ru/>
- ЭБС "Znanium.com" : <http://znanium.com/>
5. :

8.

8.1

- Никитина Н. Ш. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] : электронный учебно-методический комплекс / Н. Ш. Никитина ; Новосиб. гос. техн. ун-т. - Новосибирск, [2011]. - Режим доступа: <http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=11&curs=13>. - Загл. с экрана.
- Ковалевский А. П. Теория вероятностей [Электронный ресурс] : электронный учебно-методический комплекс / А. П. Ковалевский ; Новосиб. гос. техн. ун-т. - Новосибирск, [2011]. - Режим доступа: <http://courses.edu.nstu.ru/index.php?show=155&curs=941>. - Загл. с экрана.

8.2

- 1** Windows
2 Office

9.

1	(- , ,)	

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Новосибирский государственный технический университет»

Кафедра высшей математики

“УТВЕРЖДАЮ”
ДЕКАН ФБ
д.э.н., профессор М.В. Хайруллина
“ ” Г.

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

Теория вероятностей и математическая статистика

Образовательная программа: 38.03.01 Экономика, профиль: Экономика предприятий и организаций

1. Обобщенная структура фонда оценочных средств учебной дисциплины

Обобщенная структура фонда оценочных средств по дисциплине Теория вероятностей и математическая статистика приведена в Таблице.

Таблица

Формируемые компетенции	Показатели сформированности компетенций (знания, умения, навыки)	Темы	Этапы оценки компетенций	
			Мероприятия текущего контроля (курсовая проект, РГЗ(Р) и др.)	Промежуточная аттестация (экзамен, зачет)
ОК.3 способность использовать основы экономических знаний в различных сферах деятельности	з1. знать основные категории, закономерности и принципы развития экономических процессов на макро- и микроэкономическом уровне	решение задач 5.1. Основные понятия 5.2. Принцип Неймана-Пирсона построения критериев 5.3. Примеры критериев для проверки гипотез 6.1. Выборка, основные задачи математической статистики 6.2. Выборочные характеристики случайной величины Параметрические семейства распределений 8.1. Исследование статистической зависимости. Модель линейной регрессии. Общее представление о методе наименьших квадратов. 8.2. Статистические методы анализа финансового рынка 8.3. Портфель ценных бумаг и его характеристики 8.4. Метод ведущих факторов финансового рынка	Контрольные работы 3 семестр задания 2-3, 4 семестр задания 1	Зачет вопросы 1-3 , экзамен вопросы часть 1 1-4, часть 2 3-5
ОК.3	у1. уметь применять основные модели и методы макро- и микроэкономического анализа в профессиональной деятельности	решение задач 2.1. Случайные величины и способы их описания 2.2. Модели законов распределения вероятностей, наиболее употребляемые в социально-экономических приложениях 2.3. Закон распределения вероятностей для функций от известных случайных величин 2.4. Числовые характеристики случайных величин 2.5. Схема Бернулли 5.1. Основные понятия 5.2. Принцип Неймана-Пирсона построения критериев 5.3. Примеры критериев для проверки гипотез 6.1. Выборка, основные задачи математической статистики 6.2. Выборочные характеристики случайной величины Параметрические семейства распределений 8.1. Исследование статистической зависимости. Модель линейной регрессии. Общее представление о		Зачет вопросы 6-7, экзамен вопросы 7-11 части 1

		методе наименьших квадратов. 8.2. Статистические методы анализа финансового рынка 8.3. Портфель ценных бумаг и его характеристики 8.4. Метод ведущих факторов финансового рынка		
ОПК.1 способность решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности	у2. уметь пользоваться наиболее распространенными офисными и математическими пакетами прикладных программ	4.1. Дискретные цепи Маркова. Переходные вероятности. Классификация состояний. Солидарность состояний. Возвратность 4.2. Стационарное распределение. Эргодичность 4.3. Случайный процесс. Процесс Пуассона. Процесс гибели и размножения 6.1. Выборка, основные задачи математической статистики 6.2. Выборочные характеристики случайной величины Параметрические семейства распределений		Зачет, вопросы 4-5
ОПК.2 способность осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения профессиональных задач	з1. знать методы сбора и обработки экономической информации	1.1. Сущность и условия применимости теории вероятностей 1.2. Основные понятия теории вероятностей. Вероятностное пространство 1.3. Классическая, статистическая и геометрическая вероятности 1.4. Условная вероятность. Формулы полной вероятности и Байеса 1.5. Независимость событий 2.1. Случайные величины и способы их описания 2.2. Модели законов распределения вероятностей, наиболее употребляемые в социально-экономических приложениях 2.3. Закон распределения вероятностей для функций от известных случайных величин 2.4. Числовые характеристики случайных величин 2.5. Схема Бернулли 6.1. Выборка, основные задачи математической статистики 6.2. Выборочные характеристики случайной величины Параметрические семейства распределений 7.1. Оценка, свойства оценок 7.2. Методы получения точечных оценок - метод моментов, метод максимального правдоподобия 7.3. Сравнение оценок. Неравенство Рао-Крамера 7.4. Построение доверительных интервалов		Зачет вопросы 8-10, экзамен вопросы части 2

ОПК.3 способность выбирать инструментальные средства для обработки экономических данных в соответствии с поставленной задачей, анализировать результаты расчетов и обосновывать полученные выводы	з2. знать основные методы и инструменты экономического анализа на микро- и макроуровне	<p>решение задач ТВ и МС 1.1. Сущность и условия применимости теории вероятностей 1.2. Основные понятия теории вероятностей. Вероятностное пространство 1.3. Классическая, статистическая и геометрическая вероятности 1.4. Условная вероятность. Формулы полной вероятности и Байеса 1.5. Независимость событий 4.1. Дискретные цепи Маркова. Переходные вероятности. Классификация состояний. Солидарность состояний. Возвратность 4.2. Стационарное распределение. Эргодичность 4.3. Случайный процесс. Процесс Пуассона. Процесс гибели и размножения 5.1. Основные понятия 5.2. Принцип Неймана-Пирсона построения критериев(5.3. Примеры критериев для проверки гипотез 6.1. Выборка, основные задачи математической статистики 6.2. Выборочные характеристики случайной величины Параметрические семейства распределений 7.1. Оценка, свойства оценок 7.2. Методы получения точечных оценок - метод моментов, метод максимального правдоподобия 7.3. Сравнение оценок. Неравенство Рао-Крамера 7.4. Построение доверительных интервалов</p>	Контрольные работы 3 семестр задания 4-6, 4 семестр 6-8	Зачет вопросы 10-17, Экзамен вопросы.части 1,2
ПК.4/АИ способность на основе описания экономических процессов и явлений строить стандартные теоретические и эконометрические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты	з3. знать современные методы расчета и анализа социально-экономических показателей, характеризующих социальные и экономические процессы и явления	<p>ТВ и МС 3.1. Сходимость последовательности случайных величин 3.2. Неравенство Чебышева. Закон больших чисел и его следствие 3.3. Особая роль нормального распределения: центральная предельная теорема 4.1. Дискретные цепи Маркова. Переходные вероятности. Классификация состояний. Солидарность состояний. Возвратность 4.2. Стационарное распределение. Эргодичность 4.3. Случайный процесс. Процесс Пуассона. Процесс гибели и размножения</p>	Контрольные работы 3 семестр задания 1, 4 семестр 2-5	Зачет вопросы 18-27
ПК.7/АИ способность, используя отечественные и зарубежные источники информации,	з2. знать инструменты и методы анализа экономической информации	ТВ и МС		Экзамен вопросы части 1, 2 семестра

собирать необходимые данные, анализировать их и готовить информационный обзор и/или аналитический отчет				
---	--	--	--	--

2. Методика оценки этапов формирования компетенций в рамках дисциплины.

Промежуточная аттестация по дисциплине проводится в 3 семестре - в форме зачета, в 4 семестре - в форме экзамена, который направлен на оценку сформированности компетенций ОК.3, ОПК.1, ОПК.2, ОПК.3, ПК.4/АИ, ПК.7/АИ.

Зачет проводится в письменной форме, по билетам, варианты теста составляются из вопросов, приведенных в паспорте зачета, позволяющих оценить показатели сформированности соответствующих компетенций

Экзамен проводится в письменной форме, по билетам, варианты теста составляются из вопросов, приведенных в паспорте зачета, позволяющих оценить показатели сформированности соответствующих компетенций

Кроме того, сформированность компетенций проверяется при проведении мероприятий текущего контроля, указанных в таблице раздела 1.

В 3 семестре обязательным этапом текущей аттестации является контрольная работа. Требования к выполнению контрольной работы, состав и правила оценки сформулированы в паспорте контрольной работы.

В 4 семестре обязательным этапом текущей аттестации является контрольная работа. Требования к выполнению контрольной работы, состав и правила оценки сформулированы в паспорте контрольной работы.

Общие правила выставления оценки по дисциплине определяются балльно-рейтинговой системой, приведенной в рабочей программе учебной дисциплины.

На основании приведенных далее критериев можно сделать общий вывод о сформированности компетенций ОК.3, ОПК.1, ОПК.2, ОПК.3, ПК.4/АИ, ПК.7/АИ, за которые отвечает дисциплина, на разных уровнях.

Общая характеристика уровней освоения компетенций.

Ниже порогового. Уровень выполнения работ не отвечает большинству основных требований, теоретическое содержание курса освоено частично, пробелы могут носить существенный характер, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы не достаточно, большинство предусмотренных программой обучения учебных заданий не выполнены или выполнены с существенными ошибками.

Пороговый. Уровень выполнения работ отвечает большинству основных требований, теоретическое содержание курса освоено частично, но пробелы не носят существенного характера, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом в основном сформированы, большинство предусмотренных программой обучения учебных заданий выполнено, некоторые виды заданий выполнены с ошибками.

Базовый. Уровень выполнения работ отвечает всем основным требованиям, теоретическое содержание курса освоено полностью, без пробелов, некоторые практические навыки работы с

освоенным материалом сформированы недостаточно, все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены, качество выполнения ни одного из них не оценено минимальным числом баллов, некоторые из выполненных заданий, возможно, содержат ошибки.

Продвинутый. Уровень выполнения работ отвечает всем требованиям, теоретическое содержание курса освоено полностью, без пробелов, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы, все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к максимальному.

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Новосибирский государственный технический университет»
Кафедра высшей математики

Паспорт зачета

по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика», 3 семестр

1. Методика оценки

Зачет проводится в письменной форме, по билетам .Билет формируется исходя из тем пройденных в течении семестра. Билет состоит из двух теоретических вопросов (вопросы 1-27 п.4) и 2 задач. В ходе зачета преподаватель вправе задавать студенту дополнительные вопросы связанные с решаемой задачей.

Форма билета для зачета

НОВОСИБИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
Факультет ФБ

Билет №0

к зачету по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика»

1. Полная группа событий. Алгебра событий. Аксиомы теории вероятностей.
2. Случайные величины со значениями в \mathbb{R}^1 . Функция распределения и ее свойства.
3. Друзья могут с равной вероятностью играть в одну из трех игр. В одной игре используется одна монета, в другой - две монеты, в третьей – три монеты. Счет в любой игре равен количеству выпавших гербов. Найти вероятность того, что они играют в игру с одной монетой, если известно, что выпал один герб.
4. В круг вписан квадрат. Найти вероятность того, что 2 точки, брошенные наудачу внутрь круга, окажутся внутри квадрата.

Утверждаю: зав. кафедрой ВМ
Аркашов Н.С.
(подпись)

2. Критерии оценки

- Ответ на билет для зачета считается **неудовлетворительным**, если студент при ответе на

вопросы не дает определений основных понятий, не способен показать причинно-следственные связи явлений, при решении задачи допускает принципиальные ошибки, оценка составляет менее **10 баллов**.

- Ответ на билет для зачета засчитывается на **пороговом** уровне, если студент при ответе на вопросы дает определение основных понятий, может показать причинно-следственные связи явлений, при решении задачи допускает непринципиальные ошибки, например, вычислительные, оценка составляет **10-12 баллов**.
- Ответ на билет для зачета засчитывается на **базовом** уровне, если студент при ответе на вопросы формулирует основные понятия, законы, дает характеристику процессов, явлений, проводит анализ причин, условий, может представить качественные характеристики процессов, не допускает ошибок при решении задачи, оценка составляет **13-17 баллов**.
- Ответ на билет для зачета засчитывается на **продвинутом** уровне, если студент при ответе на вопросы проводит сравнительный анализ подходов, проводит комплексный анализ, выявляет проблемы, предлагает механизмы решения, способен представить количественные характеристики определенных процессов, приводит конкретные примеры из практики, не допускает ошибок и способен обосновать выбор метода решения задачи, оценка составляет **18-20 баллов**.

3. Шкала оценки

Зачет считается сданным, если сумма баллов по всем заданиям билета оставляет не менее 10 баллов (из 20 возможных).

В общей оценке по дисциплине баллы за засчитываются в соответствии с правилами балльно-рейтинговой системы, приведенными в рабочей программе дисциплины.

4. Вопросы к зачету

1. Пространство элементарных исходов. Случайные события. Операции над случайными событиями.
2. Дискретные двумерные случайные величины.
3. Статистическое определение вероятности. Свойства вероятности.
4. Непрерывные двумерные случайные величины
5. Комбинаторные формулы в Теории вероятностей.
6. Независимость случайных величин.
7. Схема равновозможных исходов. Классическое определение вероятности.
8. Функции от случайных величин.
9. Геометрическая вероятность. Задача о встрече.
10. Математическое ожидание случайной величины и его свойства.

11. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
12. Дисперсия случайной величины и её свойства.
13. Формула умножения вероятностей. Независимость событий.
14. Сходимость по вероятности. Закон больших чисел (ЗБЧ).
15. Случайные величины со значениями в \mathbb{R}^1 . Функция распределения и ее свойства.
16. Неравенство Маркова. Неравенство Чебышева
17. Дискретная случайная величина, примеры.
18. Теоремы (ЗБЧ) Бернулли, Чебышева.
19. Непрерывная случайная величина, примеры. Свойства плотности распределения.
20. Центральная предельная теорема. Теорема Леви
21. Известные дискретные распределения: Бернулли, биномиальное, Пуассона и геометрическое.
22. Известные непрерывные распределения: равномерное, показательное и нормальное.
23. Испытания Бернулли. Определение, примеры. Формула Бернулли.
24. Коэффициент корреляции между случайными величинами и его свойства.
25. Формулы Пуассона, Муавра-Лапласа (локальная и интегральная) в схеме Бернулли.
26. Случайные величины со значениями в \mathbb{R}^n (случайные векторы). Функция распределения многомерной случайной величины.
27. Полная группа событий. Алгебра событий. Аксиомы теории вероятностей.

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Новосибирский государственный технический университет»
Кафедра высшей математики

Паспорт контрольной работы

по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика», 3 семестр

1. Методика оценки

Контрольная работа проводится по теме случайные величины их характеристики и предельные теоремы-, включает 6 заданий. Выполняется письменно.

2. Критерии оценки

Каждое задание контрольной работы оценивается в соответствии с приведенными ниже критериями.

Контрольная работа считается **невыполненной**, если решено менее 50% заданий. Оценка составляет < 20 баллов.

Работа выполнена на **пороговом** уровне, если решено 50-60% заданий. Оценка составляет **20-24** баллов.

Работа выполнена на **базовом** уровне, если решено 61-85%. Оценка составляет **25-35** баллов.

Работа считается выполненной на **продвинутом** уровне, если более 85% заданий. Оценка составляет 36-40 баллов.

3. Шкала оценки

В общей оценке по дисциплине баллы за контрольную работу учитываются в соответствии с правилами балльно-рейтинговой системы, приведенными в рабочей программе дисциплины.

4. Пример варианта контрольной работы

Вариант 0

1. Зная ряд распределения сл. величины X , найти DX и $P(X < 1,5)$.

k	-1	1	2
$P\{X = k\}$	0,7	0,1	0,2

2. Вероятность попадания в мишень равна 0,6 при каждом выстреле. Стрельба ведется одиночными выстрелами до первого попадания, пока не будет израсходован боезапас. Найти ряд распределения числа попаданий, если боезапас составляет 2 единицы.

3. Плотность распределения равна

$$f(x) = \begin{cases} A(x^2 + x), & x \in [0,1]; \\ 0, & x \notin [0,1] \end{cases}$$

Найти коэффициент A , математическое ожидание.

4. Производится 30 независимых экспериментов, причем отдельный эксперимент

заканчивается успешно с вероятностью 0,1. Найти вероятность, что хотя бы два эксперимента закончатся успешно.

5. Решить предыдущую задачу в случае, если производится 150 независимых экспериментов.

6. Используя ЗБЧ, выяснить чему приблизительно равно среднее число безуспешно закончившихся экспериментов в задаче 1.

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Новосибирский государственный технический университет»
Кафедра высшей математики

Паспорт экзамена

по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика», 4 семестр

1. Методика оценки

Экзамен проводится в письменной форме, по билетам. Билет формируется по следующему правилу: первый вопрос выбирается из диапазона вопросов 1- 11 части 1, второй вопрос из диапазона вопросов 1-6 части 2 (список вопросов приведен ниже). В ходе экзамена преподаватель вправе задавать студенту дополнительные вопросы из общего перечня (п. 4).

Структура экзаменационного билета

1. Теоретический вопрос.
2. Теоретический вопрос.
3. Задача. (Тема: Теория вероятностей)
4. Задача. (Тема: Математическая статистика)

Форма экзаменационного билета

НОВОСИБИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
Факультет ФБ

Билет № _____

к экзамену по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика»

1. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формулы Байеса. Независимость событий.

2. Метод моментов получения точечных оценок. Метод максимального правдоподобия получения точечных оценок.

3. Студент получает на экзамене 5 с вероятностью 0,2 , 4 с вероятностью 0,4 , 3 с вероятностью 0,3 и 2 с вероятностью 0,1. За время обучения он сдает 50 экзаменов. Найти пределы, в которых с вероятностью 0,95 лежит средний балл.

4. Пусть X_1, X_2, \dots, X_9 выборка из нормального распределения со средним a и дисперсией σ^2 . Рассматривается основная гипотеза $H_0: \bar{X} = 31$ против альтернативы $H_1: \bar{X} > 31$. Пусть уровень значимости 0,05. Если $\bar{X} = 30,5$ и $\sum_{i=1}^9 (X_i - \bar{X})^2 = 169$.

Вычислить t-статистику Стьюдента и его критическое значение.

Утверждаю: зав. кафедрой _____ Аркашов Н.С.
(подпись)

(дата)

2. Критерии оценки

- Ответ на экзаменационный билет считается **неудовлетворительным**, если студент при ответе на вопросы не дает определений основных понятий, не способен показать причинно-следственные связи явлений, при решении задачи допускает принципиальные ошибки, оценка составляет < **20 баллов**.
- Ответ на экзаменационный билет засчитывается на **пороговом** уровне, если студент знает определения основных понятий, теоретическое содержание курса освоено частично, но пробелы не носят существенного характера, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом в основном сформированы, приведены основные формулы для расчетов, но задания выполнены с ошибками, оценка составляет **20-25 баллов**.
- Ответ на экзаменационный билет засчитывается на **базовом** уровне, если студент знает формулировки основных понятий и теорем, теоретическое содержание курса освоено полностью, без пробелов, некоторые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы недостаточно, качество выполнения ни одного из заданий не оценено минимальным числом баллов, некоторые из выполненных заданий, возможно, содержат ошибки, оценка составляет **26-35 баллов**.
- Ответ на экзаменационный билет засчитывается на **продвинутом** уровне, если студент знает формулировки основных понятий, теорем, их доказательства, теоретическое содержание курса освоено полностью, без пробелов, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы, качество выполнения заданий оценено числом баллов, близким к максимальному, оценка составляет **36-40 баллов**.

3. Шкала оценки

В общей оценке по дисциплине экзаменационные баллы учитываются в соответствии с правилами балльно-рейтинговой системы, приведенными в рабочей программе дисциплины.

4. Вопросы к экзамену по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика»

Часть 1. Теория вероятностей

1. Пространство элементарных исходов. Случайные события. Операции над случайными событиями. Статистическое определение вероятности.
2. Полная группа событий. Алгебра событий. Аксиомы теории вероятностей. Свойства вероятности.
3. Схема равновозможных исходов. Классическое определение вероятности. Геометрическая вероятность.
4. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формулы Байеса. Независимость событий.
5. Случайные величины со значениями в \mathbb{R}^1 . Функция распределения и ее свойства.
6. Дискретная случайная величина, примеры. Непрерывная случайная величина, примеры. Плотность распределения, ее свойства.
7. Испытания Бернулли. Определение, примеры
8. Математическое ожидание случайной величины, его свойства.

9. Дисперсия случайной величины, её свойства.
10. Закон больших чисел. Центральная предельная теорема.
11. Дискретные цепи Маркова, определения.

Часть 2. Математическая статистика

1. Основные задачи математической статистики. Выборочные характеристики случайной величины: эмпирическая функция распределения, гистограмма выборки, выборочные моменты, медиана, мода, коэффициенты асимметрии, вариации и эксцесса.
2. Точечная оценка неизвестного параметра. Свойства оценок: несмещенность, асимптотическая несмешенность, состоятельность, асимптотическая нормальность.
3. Метод моментов получения точечных оценок. Метод максимального правдоподобия получения точечных оценок.
4. Построение доверительных интервалов. Доверительные интервалы для параметров нормального распределения.
5. Проверка статистических гипотез, основные понятия. Критерий согласия хи-квадрат (Пирсона). Критерии однородности Стьюдента.
6. Задача о линейной регрессии. Метод наименьших квадратов.

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Новосибирский государственный технический университет»
Кафедра высшей математики

Паспорт контрольной работы

по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика», 4 семестр

1. Методика оценки

Контрольная работа проводится по теме получение оценок неизвестных параметров распределения и статистические критерии, включает 8 заданий. Выполняется письменно.

2. Критерии оценки

3. Каждое задание контрольной работы оценивается в соответствии с приведенными ниже критериями.
4. Контрольная работа считается **невыполненной**, если решено менее 50% заданий. Оценка составляет **менее 20** баллов.
5. Работа выполнена на **пороговом** уровне, если решено 50-60% заданий. Оценка составляет **20-24** баллов.
6. Работа выполнена на **базовом** уровне, если решено 61-85%. Оценка составляет **21-34** баллов.
7. Работа считается выполненной **на продвинутом** уровне, если более 85% заданий. Оценка составляет **35-40** баллов.

8. Шкала оценки

В общей оценке по дисциплине баллы за контрольную работу учитываются в соответствии с правилами балльно-рейтинговой системы, приведенными в рабочей программе дисциплины.

9. Пример варианта контрольной работы

Вариант 0

1. В некотором эксперименте получено 11 успехов и 22 неуспеха. Основная гипотеза состоит в том, что успехи происходят с вероятностью 0,3. Вычислить реализацию статистики критерия согласия Пирсона.

2. По реализации выборки 1,2,2,1 вычислить значение $\overline{X^3}$.
3. По реализации выборки 1,2,0,0,1 построить график выборочной функции распределения.
4. Для выборки (X_1, X_2, \dots, X_n) из распределения с плотностью распределения $f(x)$ найти оценки параметра $\theta > 2$ методом максимального правдоподобия. Плотность распределения равна

$$f(x) = \begin{cases} \theta x^{-(\theta+1)}, & x > 1; \\ 0, & x \leq 1. \end{cases}$$

5. Имеется реализация выборки 0,2,2,2,0,3,3. Известно, что элементы выборки имеют распределение

k	0	2	3
$P\{X = k\}$	α	$1 - 2\alpha$	α

получить оценку для параметра α методом моментов.

6. Построить доверительный интервал для неизвестного математического ожидания α нормально распределенной выборки объема 16, если $\sigma = 5$ и $\bar{X} = 13$. Надежность $\gamma = 0,95$.

7. В августе уровень воды в реке был равен 50 см в течение 20 дней, 100 см в течение 5 дней, и 0 см в течение 5 дней. Найти оценки математического ожидания и стандартного отклонения уровня воды в августе.

8. С помощью формулы Стэрджеса определить число интервалов группировки для выборки 1.1686 0.8584 0.7576 2.2435 3.2429 0.7744. Построить гистограмму.

Дополнение к п. V. Правила аттестации по дисциплинам.

Дисциплина “Теория вероятностей и математическая статистика” (зачет)

Дополнение к 3.3.1.

Распределение баллов по видам учебной деятельности:

Максимальная оценка за посещаемость всех учебных занятий (лекций и семинаров) – **5** баллов.

Максимальная оценка за выполнение расчетно-графической работы (РГР) в срок – **35** баллов.

Максимальная оценка за выполнение контрольной работы в срок – **40** баллов. Контрольная работа содержит 4 задачи (по одной задаче по каждому модулю дисциплины), каждая из которых оценивается максимально **10** баллов.

Итого в течение семестра можно набрать максимум **80 (5+35+40) баллов текущего рейтинга.**

Дополнение к 3.3.3.

Требования к текущей аттестации, формы контроля, соответствие баллов по каждому виду деятельности и график выполнения контрольных работ и типового расчета сообщаются преподавателем на 1-й неделе семестра, см. также нижеследующие дополнения.

Дополнение к 3.3.6.

Модули дисциплины “Теория вероятностей и математическая статистика”, 3 семестр:

1. Случайные события и их вероятности.
2. Случайные величины и их распределения.
3. Числовые характеристики случайных величин.
4. Испытания Бернулли. Предельные теоремы теории вероятностей.

Дополнение к 3.3.7.

Для допуска к зачету необходимо и достаточно набрать **45 баллов текущего рейтинга.**

Дополнение к 3.3.9.

Возможные дополнительные виды работы, повышающие рейтинг:

- призовое место в олимпиаде (по теории вероятностей и математической статистике) уровня не ниже университетского.

Дополнение к 3.4.2.

Итоговой аттестацией является зачет, на котором можно получить максимум **20** баллов. Он проводится в устной форме.

Дополнение к 3.4.4.

Если по результатам текущей аттестации студент не набрал **15** баллов текущего рейтинга при условии, что за каждый модуль рейтинга получено не менее **3**, тогда ему выставляется оценка «неудовлетворительно» (F).

Дополнение к 4.3.

Мониторинг качества учебной деятельности студентов

График мониторинга (накопления баллов рейтинга) соответствует хронологии изучения соответствующих разделов курса.

Замечание. Критерии оценок контрольных недель.

Оценка за контрольные недели (7-я и 13-я) служит инструментом контроля со стороны деканата и в рейтинг не входит.

6. ЗАЧЕТ

Зачет является итоговой оценкой качества усвоения студентом пройденного материала за семестр. Зачет проходит в форме беседы со студентом и выяснения уровня его понимания пройденного материала. Для этого студенту предлагается билет, состоящий из двух частей: теоретической части и практической. Теоретическая часть содержит два вопроса. Практическая часть состоит из двух задач, подобных задачам контрольной работы. Для получения положительной оценки студент должен ответить хотя бы на один теоретический вопрос и решить хотя бы одну задачу.